

# Análisis Matemático I

GRADO EN MATEMÁTICAS. CURSO ACADÉMICO 2016-17

MÓDULO	MATERIA	CURSO	SEMESTRE	CRÉDITOS	TIPO
Análisis Matemático	Análisis Matemático I	2º	1º	6	Obligatoria
<b>PROFESORES:</b>		<b>DATOS DE CONTACTO Y HORARIO DE TUTORÍAS:</b>			
<a href="#">Rafael Payá Albert</a>		Facultad de Ciencias. Sección de Matemáticas. Planta 1ª. Departamento de Análisis Matemático. Despacho N° 5 TLF: 958 243275. Correo electrónico: <a href="mailto:rpaya@ugr.es">rpaya@ugr.es</a> Página web: <a href="http://www.ugr.es/~rpaya/">http://www.ugr.es/~rpaya/</a> Tutorías: Lunes, Martes y Miércoles de 18:00 a 20:00			
<a href="#">Francisco Javier Pérez González</a>		Facultad de Ciencias. Sección de Matemáticas. Planta 1ª. Departamento de Análisis Matemático. Despacho N° 17 TLF: 958 240830. Correo electrónico: <a href="mailto:fjperez@ugr.es">fjperez@ugr.es</a> Página web: <a href="http://www.ugr.es/~fjperez/">http://www.ugr.es/~fjperez/</a> Tutorías: Martes de 10:00 a 13:00, Lunes, Martes y Jueves de 16:00 a 17:00.			
<b>GRADO EN EL QUE SE IMPARTE:</b>		<b>OTROS GRADOS A LOS QUE SE PODRÍA OFERTAR:</b>			
Grado en Matemáticas		Física y cualquier Ingeniería			
<b>PRERREQUISITOS Y/O RECOMENDACIONES:</b>					
Para cursar esta asignatura es imprescindible haber cursado con aprovechamiento las asignaturas de Cálculo I y II del grado en Matemáticas					
<b>BREVE DESCRIPCIÓN DE CONTENIDOS (SEGÚN MEMORIA DE VERIFICACIÓN DEL GRADO):</b>					
<ul style="list-style-type: none"> <li>• Continuidad de funciones de varias variables reales.</li> <li>• Diferenciación de funciones de varias variables reales.</li> <li>• Funciones inversas e implícitas.</li> <li>• Extremos de funciones de varias variables</li> </ul>					
<b>COMPETENCIAS GENERALES Y ESPECÍFICAS:</b>					
<b>Competencias básicas y generales:</b> <ul style="list-style-type: none"> <li>• CG01 - Poseer los conocimientos básicos y matemáticos de las distintas materias que, partiendo de la base de la educación secundaria general, y apoyándose en libros de texto avanzados, se desarrollan en esta propuesta de título de Grado en Matemáticas.</li> </ul>					



- CG02 - Saber aplicar esos conocimientos básicos y matemáticos a su trabajo o vocación de una forma profesional y poseer las competencias que suelen demostrarse por medio de la elaboración y defensa de argumentos y la resolución de problemas dentro de las Matemáticas y de los ámbitos en que se aplican directamente.
- CG03 - Saber reunir e interpretar datos relevantes (normalmente de carácter matemático) para emitir juicios que incluyan una reflexión sobre temas relevantes de índole social, científica o ética.
- CG04 - Poder transmitir información, ideas, problemas y sus soluciones, de forma escrita u oral, a un público tanto especializado como no especializado.
- CG06 - Utilizar herramientas de búsqueda de recursos bibliográficos.
- CB1 - Que los estudiantes hayan demostrado poseer y comprender conocimientos en un área de estudio que parte de la base de la educación secundaria general, y se suele encontrar a un nivel que, si bien se apoya en libros de texto avanzados, incluye también algunos aspectos que implican conocimientos procedentes de la vanguardia de su campo de estudio.
- CB2 - Que los estudiantes sepan aplicar sus conocimientos a su trabajo o vocación de una forma profesional y posean las competencias que suelen demostrarse por medio de la elaboración y defensa de argumentos y la resolución de problemas dentro de su área de estudio.
- CB3 - Que los estudiantes tengan la capacidad de reunir e interpretar datos relevantes (normalmente dentro de su área de estudio) para emitir juicios que incluyan una reflexión sobre temas relevantes de índole social, científica o ética.
- CB4 - Que los estudiantes puedan transmitir información, ideas, problemas y soluciones a un público tanto especializado como no especializado.

#### Competencias transversales:

- CT02 - Fomentar y garantizar el respeto a los Derechos Humanos y a los principios de accesibilidad universal, igualdad ante la ley, no discriminación y a los valores democráticos y de la cultura de la paz.
- CT01 - Desarrollar cierta habilidad inicial de "emprendimiento" que facilite a los titulados, en el futuro, el autoempleo mediante la creación de empresas.

#### Competencias específicas:

- CE01 - Comprender y utilizar el lenguaje matemático. Adquirir la capacidad de enunciar proposiciones en distintos campos de las matemáticas, para construir demostraciones y para transmitir los conocimientos adquiridos.
- CE02 - Conocer demostraciones rigurosas de teoremas clásicos en distintas áreas de Matemáticas.
- CE03 - Asimilar la definición de un nuevo objeto matemático, en términos de otros ya conocidos, y ser capaz de utilizar este objeto en diferentes contextos.
- CE04 - Saber abstraer las propiedades estructurales (de objetos matemáticos, de la realidad observada, y de otros ámbitos) y distinguirlas de aquellas puramente accidentales, y poder comprobarlas con demostraciones o refutarlas con contraejemplos, así como identificar errores en razonamientos incorrectos.
- CE05 - Resolver problemas matemáticos, planificando su resolución en función de las herramientas disponibles y de las restricciones de tiempo y recursos.
- CE06 - Proponer, analizar, validar e interpretar modelos de situaciones reales sencillas, utilizando las herramientas matemáticas más adecuadas a los fines que se persigan.
- CE07 - Utilizar aplicaciones informáticas de análisis estadístico, cálculo numérico y simbólico, visualización gráfica, optimización u otras para experimentar en matemáticas y resolver problemas.



## OBJETIVOS (EXPRESADOS COMO RESULTADOS ESPERABLES DE LA ENSEÑANZA):

- Conocer y saber utilizar los resultados básicos del cálculo diferencial de varias variables; estudiar la continuidad y calcular derivadas parciales; comprender y saber utilizar el concepto de diferencial de funciones de varias variables reales.
- Conocer los teoremas y las técnicas básicas del estudio de extremos de funciones de varias variables y saberlos utilizar en el estudio y resolución de problemas sencillos.

## TEMARIO DETALLADO DE LA ASIGNATURA:

### TEMARIO TEÓRICO:

#### Capítulo I: Estructura euclídea y topología de $\mathbb{R}^n$ .

- Producto escalar y norma euclídea.
- Espacios normados y espacios métricos.
- Topología de un espacio métrico. Compactos y conexos.
- Espacios vectoriales normados de dimensión finita. Compacidad y complitud.
- Continuidad. Aplicaciones lineales entre espacios normados. Límite funcional

#### Capítulo II: Derivadas parciales y extremos relativos de campos escalares.

- Derivadas parciales. Vector gradiente.
- Campos escalares diferenciables.
- Rectas tangentes y planos tangentes.
- Derivadas parciales de orden superior. Teorema de Taylor.
- Teoría de extremos relativos.

#### Capítulo III: Derivación de campos vectoriales.

- Campos vectoriales diferenciables. Matriz jacobiana.
- Teorema de la función inversa.
- Teorema de la función implícita.

#### Capítulo IV: Variedades diferenciables en $\mathbb{R}^n$ .

- Variedades diferenciables.
- Espacios tangente y normal.
- Extremos condicionados. Teorema de Lagrange.
- Condiciones necesarias y suficientes de extremo condicionado.

**TEMARIO PRÁCTICO:** Las prácticas de esta asignatura consisten en la resolución de ejercicios relacionados con los contenidos teóricos antes expuestos



## BIBLIOGRAFÍA:

### BÁSICA:

- Apuntes escritos por el profesor Javier Pérez:  
[http://www.ugr.es/~fjperez/textos/Calculo\\_Diferencial\\_Varias\\_Variables.pdf](http://www.ugr.es/~fjperez/textos/Calculo_Diferencial_Varias_Variables.pdf)
- FLEMING, W.: *Functions of several variables (2<sup>nd</sup> Edition)*, Springer-Verlag, 1977.
- MARSDEN, J.E. Y HOFFMAN; M.J.: *Análisis clásico elemental*, Segunda edición, Addison-Wesley Iberoamericana, Argentina, 1998.
- MAZON, J.M.: *Cálculo Diferencial, Teoría y problemas*, Educació. Laboratori de Materials, Universitat de València, 2011.
- RUDIN, W.: *Principles of Mathematical Analysis*, Third Edition, McGraw-Hill Inc., 1976.  
[http://faculty.ksu.edu.sa/fawaz/File282/Books/principles\\_of\\_mathematical\\_analysis\\_walter\\_rudin.pdf](http://faculty.ksu.edu.sa/fawaz/File282/Books/principles_of_mathematical_analysis_walter_rudin.pdf)
- RUDIN, W.: *Real and complex Analysis*, McGraw-Hill, 1966.
- Apuntes del Profesor Fernando Chamizo de la Universidad Autónoma de Madrid  
[http://www.uam.es/personal\\_pdi/ciencias/fchamizo/libreria/fich/APcalculolII01.pdf](http://www.uam.es/personal_pdi/ciencias/fchamizo/libreria/fich/APcalculolII01.pdf)

### ENLACES RECOMENDADOS

<http://bcs.whfreeman.com/marsdencv5e/>

<http://ocw.mit.edu/courses/mathematics/18-02sc-multivariable-calculus-fall-2010/index.htm>

### METODOLOGÍA DOCENTE:

La metodología docente a seguir en la materia constará de aproximadamente:

- Un 30 % de docencia presencial en el aula (45 horas)
- Un 10 % para talleres de problemas y su evaluación (15 horas)
- Un 60 % de estudio individualizado, búsqueda y tratamiento de información y resolución de problemas (90 horas)

### EVALUACIÓN:

Con carácter general, la asistencia a clase es voluntaria, sin que ello sea óbice para el sistema de evaluación descrito a continuación. Con objeto de evaluar la adquisición de los contenidos y competencias a desarrollar hemos seleccionado las siguientes técnicas evaluativas:

- Prueba o pruebas escritas: exámenes de ensayo, pruebas objetivas y resolución de problemas. La ponderación de esta actividad será del 80%.
- Asistencia y participación activa en clase, resolución y defensa de ejercicios propuestos. La ponderación de esta actividad será del 20%.



La calificación se expresará mediante calificación numérica y corresponderá a la puntuación ponderada de los diferentes aspectos y actividades que integran el sistema de evaluación.

Para los estudiantes que se acojan a la evaluación única final, esta modalidad de evaluación estará formada por todas aquellas pruebas que el profesor estime oportunas, de forma que se pueda acreditar que el estudiante ha adquirido la totalidad de las competencias generales y específicas descritas en el apartado correspondiente de esta Guía Docente.

Todo lo relativo a la evaluación se regirá por la Normativa de evaluación y calificación de los estudiantes vigente en la Universidad de Granada, que puede consultarse en:

<http://secretariageneral.ugr.es/bougr/pages/bougr71/ncq712/>

#### INFORMACIÓN ADICIONAL:

El Departamento de Análisis Matemático, en sesión ordinaria del Consejo de Departamento, celebrada el día **30 de junio de 2016**, aprobó la presente guía docente. Para que conste, a los efectos oportunos,

Fecha, firma y sello

Fdo: El Director/a o Secretario/a

